

Construcțiunea de fer .	fl. 84.828,11
Planșeul podului. . .	» 1.689,57
Trotoare	» 5.901,80
Total	<u>fl. 92.419,49</u>

unde e de observat că tona de construcțiune de fer gata, revine la fl. 223.47.

Greutatea efectivă a construcțiunii de fer de 379.591,7^{kg} era cu 1,20% mai mică de cât cea calculată.

(Va urma).

O NOUA ORDINE DE IDEI

Pentru calcularea travailului maximal a șinei din calea ferată, și raționala distribuție a traverselor.

(Urmare)

Transpunându-ne punctul de origine coordonatelor în punctul m .

$M_{x_1} = -(M' + p' x_1)$ cu înțeles negativ va fi

$$E W \frac{d^2 y_1}{dx_1^2} = -(M' + p' x_1)$$

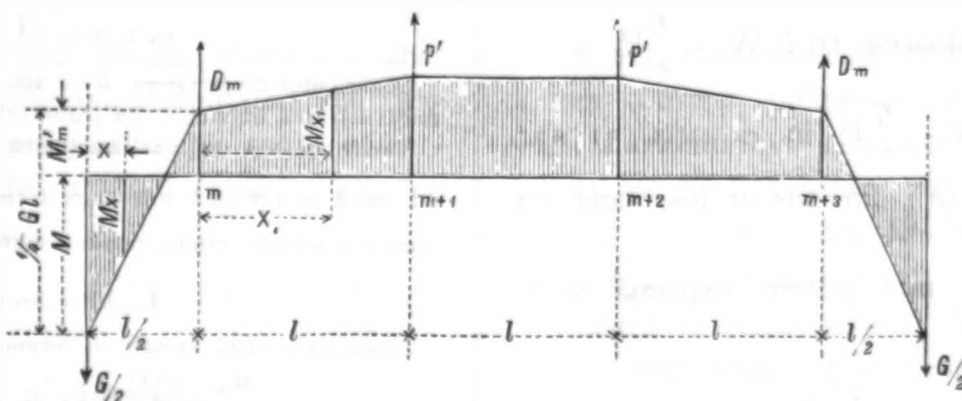


Fig. 22 a

de unde după integrare

$$E W \frac{dy_1}{dx_1} = -\left(M' x_1 + \frac{p' x_1^2}{2} \right) + C$$

la $x_1 = 0$

$$\frac{dy_1}{dx_1} = \tau_m \text{ prin urmare}$$

$$C = E W \tau_m$$

$$E W \frac{dy_1}{dx_1} = -\left(M' x_1 + \frac{p' x_1^2}{2} \right) + E W \tau_m$$

a doua integrație

$$E W y_1 = -\int \left(M' x_1 + \frac{p' x_1^2}{2} - E W \tau_m \right) dx + C_1$$

$$E W y_1 = -\left(\frac{M' x_1^2}{2} + \frac{p' x_1^3}{6} - E W \tau_m x \right) + C_1$$

pentru $x_1 = 0$; $y_1 = 0$ urmează $C_1 = 0$

$x_1 = l$; $y_1 = f$.

$$E W f = -\left(\frac{M' l^2}{2} + \frac{p' l^3}{6} \right) + E W \tau_m l$$

și înlocuind valorile aflate pentru M' și τ_m în funcția p' din ecuațiile 27 și 29 și făcând reducerile cuvenite avem

$$E W f = \frac{G l^3}{96} \left(3 + 32 \frac{p'}{G} \right)$$

Din această ecuațiune primim valoarea f cu funcția p'

$$30) f = \frac{G l^3}{96 E W} \left(3 + 32 \frac{p'}{G} \right)$$

Cunoscând dar din această ecuație.

$$a) f = s - s' = \frac{G l}{96 E W} \left(3 + 32 \frac{p'}{G} \right)$$

și din datele anterioare

$$b) s + s' = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right) \text{ și}$$

$$c) s' = p' \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

avem din a și b.

$$d) s' = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right) - \frac{Gl^3}{192EW} \left(3 + 32 \frac{p'}{G} \right)$$

și din c și d

$$p' \left(\frac{z}{\eta} \right) = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right) - \frac{Gl^3}{192EW} \left(3 + 32 \frac{p'}{G} \right)$$

din care după reducerea și aranjarea cuvenită

$$31) p' = \frac{3}{32} G \frac{16EW - \left(\frac{\eta}{z} \right)^3}{6EW + \left(\frac{\eta}{z} \right)^3}$$

Ecuatiunea 31 ne prezintă dar reacțiunea elastică (p') în termeni cunoscuți.

'Nainte de a introduce acest termen în formula momentelor (27) să examinăm această expresiune mai de aproape (p') însemnează o reacțiune de jos în sus. Înțelesul acestei reacțiuni nu

se schimbă câtă vreme $16EW > \frac{\eta}{z} l^3$

Valoarea minimală a lui p' poate fi numai

$p' = 0$ pentru care valoarea $16EW = \frac{\eta}{z} l^3$

Dacă ar fi $16EW < \frac{\eta}{z} l^3$ în ecuația 31 s'ar schimba înțelesul în (p') din sus în jos, ceea ce nu poate exista.

Ecuatiunea 31 o mai putem exprima și în forma

$$p' = \frac{3}{32} G \frac{16 - \left(\frac{\eta}{z} \right) \frac{l^3}{EW}}{6 + \left(\frac{\eta}{z} \right) \frac{l^3}{EW}}$$

din această expresiune rezultă că dacă $EW = \infty$

$$p' = \frac{G}{4}$$

După cum și trebuie să fie, dacă am presupune șina absolut rigidă. În acest caz presiunea G s'ar repartisa egal pe toate traversele.

Înlocuind acum valoarea din ecuația No. 31 în formula momentului (No. 27)

$$M'_m = - \frac{1}{32} Gl \left[1 - \frac{16EW - \left(\frac{\eta}{z} \right)^3}{6EW + \left(\frac{\eta}{z} \right)^3} \right]$$

$$M'_m = - \frac{1}{64} Gl \left[2 - 3 \frac{16EW - \left(\frac{\eta}{z} \right)^3}{6EW + \left(\frac{\eta}{z} \right)^3} \right]$$

sau

$$32) M'_m = - \frac{1}{64} Gl \frac{5 \left(\frac{\eta}{z} \right)^3 - 36EW}{\left(\frac{\eta}{z} \right)^3 + 6EW}$$

Momentul de flexiune la mijlocul panoului încărcat

$$M_m = \frac{1}{4} Gl - M'_m$$

$$M_m = \frac{1}{4} Gl - \frac{1}{64} Gl \frac{5 \left(\frac{\eta}{z} \right)^3 - 36EW}{\left(\frac{\eta}{z} \right)^3 + 6EW}$$

din care rezultă

$$M_m = \frac{11}{64} Gl \frac{\left(\frac{\eta}{z} \right)^3 + 12EW}{\left(\frac{\eta}{z} \right)^3 + 6EW} \quad 1)$$

1) Această formulă este valabilă numai pentru valorile

$$16EW > \left(\frac{\eta}{z} \right)^3$$

Coeficientul de la Gl va fi cu atât mai mic, cu cât va fi mai mică valoarea fracțiunii din paranteză.

La același tip de șină fracțiunea din paranteză va fi cu atât mai mică cu cât va fi mai mare termenul $\left(\frac{\eta}{z} \right)^3$. Valoarea maximală a acestui termen poate fi numai

$$\left(\frac{\eta}{z} \right)^3 = 16EW$$

Înlocuind această valoare în formula de mai sus

$$M_{m \text{ mini}} = \frac{11}{64} Gl \left(1 + \frac{6EW}{16EW + 6EW} \right)$$

făcând reducerile cuvenite

$$\text{minimum. } M_m = \frac{7}{32} Gl = 21875 Gl.$$

Ast-fel am obținut coeficientul ce l-am mai fost aflat în formula No. 26 al primului meu articol.

Cititorii buletinului și vor aduce aminte că am zis la acel loc că acest coeficient nu este coeficientul momentului absolut maximal, ci al momentului relativ maximal întru cât se consideră balastul ca având rezistența elastică maximală.

Și în adevăr vedem că aci ni se prezintă acest coeficient ca minimal.

Împărțind fracțiunea din paranteză (form. 34) și numărătorul și numitorul cu $6EW$.

$$M_m = \frac{11}{64} Gl \left(1 + \frac{1}{1 + \frac{\left(\frac{\eta}{z} \right)^3}{6EW}} \right)$$

și luăm acum $6EW = \infty$

$$\text{maximum } M_m = \frac{11}{32} Gl = 0,32812 Gl.$$

Din aceste rezultă că coeficientul C în formula momentului $M = c Gl$.

va fi între $0,21875$ și $0,32812$ după diferite mărimi a rezistenței balastului, a distanței între traverse și după elasticitatea și profilu șinei

Vom ilustra prin un exemplu rezultatele obținute până acum

sau

$$33) M_m = \frac{1!}{64} GJ \left[1 + \frac{6EW}{\left(\frac{\eta}{z}\right)^3 + 6EW} \right]$$

III. Reacțiuni și momente elastice pentru $n=4$ și 5.

Cele mai multe vagoane de drum de fer cu două osii au o lungime normală din tampon în tampon 8,00 m.

Distanța de la prima osie a unui vagon până

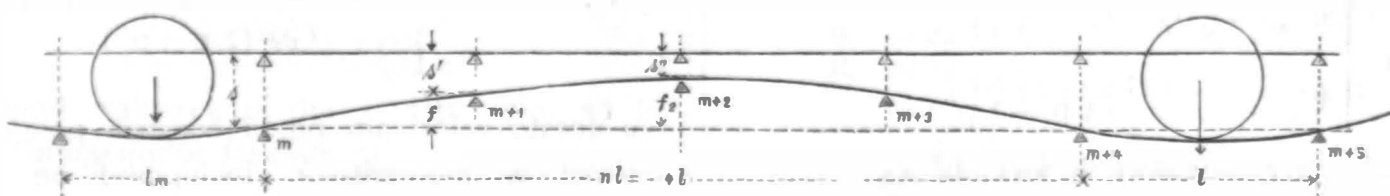


Fig. 23.

Infățișându-ne din nou curba elastică a șinei tassate sub nivelul original. Greutatea din panoul încărcat va fi repartisată pe toate traversesele astfel la punctele m ; $m+1$, $m+2$ etc. va păși o reacțiune în sus.

$$p'_m + p'_{m+1} + p'_{m+2} + p'_{m+3} + p'_{m+4} = G.$$

Din cauza simetriei.

$$p'_m = p'_{m+4} = D_m.$$

$$p'_{m+1} = p'_{m+3} = p'$$

$$p'_{m+2} = p''$$

urmează

$$2 D_m + 2 p' + p'' = G.$$

$$D_m = \frac{G - (2 p' + p'')}{2}$$

Inchipuindu-ne șina după restabilirea echilibrului, incastrată horisontal la mijlocul panourilor încărcate între reazemele:

$$m - 1, m \text{ și } m + 4, m + 5.$$

În locul reazemelor la m , $m+1$, $m+2$, $m+4$, lucrând reacțiunile D_m , p' și p'' .

Reacțiunea la punctele incastrate va fi $\left(\frac{G}{2}\right)$

Fie de exemplu: $E = 2040$ tonne

$W = 1000$ ctm.

$\frac{\eta}{z} = 10$ tonne

$l = 0,90$ ctm.

Inlocuind aceste valori în form. No. 33, aflăm

$$M = 0,279,9 \text{ Gl.}$$

la prima osie a vagonului următor este norma 8,00 m.

Făcând abstracție de la mici variațiuni, putem accepta că distribuția osiilor unui tren este din 4 în 4 metri.

La o distanță a traverselor $(l) = 80$ ctm. sau mai puțin, între două panouri încărcate, cad patru și chiar mai multe panouri neîncărcate.

Pentru a completa acest studiu, vom cerceta care sunt reacțiunile și momentele la $n=4$ considerând balastul cu rezistența elastică pro tra-

versă $= \left(\frac{\eta}{z}\right)$

dacă am mai cunoaște reacțiunile p' și p'' , am putea construi poligonul funicular al momentelor. Dacă am mai cunoaște și momentul la reazemul m fiind sistemul de puteri simetric, problema ar fi rezolvată. Ne propunem prin următoarele a determina aceste mărimi necunoscute.

Luând în șema noastră de încărcare infinit de multe roți, momentele reazemelor M'_{m-1} , M'_m , M'_{m+4} , M'_{m+5} vor fi între sine egale.

Din formula generală a momentelor (vezi E. Winkler Teorie der kontinuierlichen Träger).

$M'_{m-1} l_m + 2 M'_m (l_m + l_{m+1}) + M'_{m+1} l_{m+1} = \mathcal{R}''_m l_m + \mathcal{R}'_{m+1} l_{m+1}$ — înlocuind în această formulă generală valorile corespunzătoare casului nostru.

$$M'_{m-1} = M'_m = M'_{m+1} = M'$$

$$l_m = l, l_{m+1} = 4 l.$$

$$M' l + 2 M' (l + 4 l) + M' 4 l = \mathcal{R}''_m l + \mathcal{R}'_{m+4} 4 l$$

$$15 M' l = \mathcal{R}''_m l + 4 \mathcal{R}'_{m+4} l$$

Și împărțind cu l ambele părți a ecuației

$$34) 15 M' = \mathcal{R}''_m + 4 \mathcal{R}'_{m+4}$$

$$\mathcal{R}''_m = \mathcal{R}'_{m-1} + 2 \mathcal{R}''_m$$

$$\mathcal{R}'_{m+4} = 2 \mathcal{R}''_m + \mathcal{R}''_{m+4}$$

$$\mathcal{R}'_{m-1} = \mathcal{R}''_m \text{ și } \mathcal{R}'_m = \mathcal{R}''_{m+4}$$

$$\mathcal{R}''_m = 3 \mathcal{R}''_m$$

$$\mathcal{R}'_{m+4} = 3 \mathcal{R}'_{m+4}$$

Insemnând cu simbol \mathcal{R} momentul unei grinzi

incastrate horizontal la punctele de reazem $m-1$, m , $m+4$ pentru cazul nostru,

(--) $\mathfrak{M}''_m = (-)\frac{1}{8} Gl$ și după teoria momentelor la grințile incastrate :

$$(-)\mathfrak{M}'_m = (-)\frac{p'(3l)^2 + p''(2l)(2l)^2 + p'(3l)(l)^2}{(4l)^2}$$

După reducerile cuvenite :

$$\mathfrak{M}'_m = +\frac{12 p' l + 8 p'' l}{16} = \frac{3 p' + 2 p''}{4} l$$

și fiind

$$\mathfrak{M}''_m = 3\mathfrak{M}'_m$$

$$\mathfrak{M}'_{m+4} = 3\mathfrak{M}'_m$$

urmează :

$$\begin{cases} \mathfrak{M}''_m = \frac{3}{8} Gl \\ \mathfrak{M}'_{m+4} = +\frac{3}{4} (3 p' + 2 p'') l \end{cases}$$

Inlocuind aceste valori în formula 34

$$(-) 15 M' = (-)\frac{3}{8} Gl + 3 (3 p' + 2 p'') l$$

$$(-) 15 M' = (-)\frac{3}{8} Gl \left(1 - 8 \frac{3 p' + 2 p''}{G} \right)$$

urmează :

$$35) (-) M' = (-)\frac{1}{40} Gl \left(1 - 8 \frac{3 p' + 2 p''}{G} \right)$$

Dacă am presupune că $p'' = p'$ — am avea :

$$(-) M' = (-)\frac{1}{40} Gl \left(1 - 40 \frac{p'}{G} \right)$$

în concordanță cu rezultatele aflate de noi sub form. No. 19 din partea I al acestui tratat la $n=4$ și luând reacțiunea p' din jos în sus.

Presupunind ca cunoscute mărimile p' și p'' și după cum am arătat mai sus.

$$D_m = \frac{G - (2 p' + p'')}{2}$$

cu aceste valori am putea construi poligonul funicular al momentelor. Inchipuindu-ne șina incastrată la mijlocul panourilor încărcate, poligonul funicular se va înfățișa precum urmează.

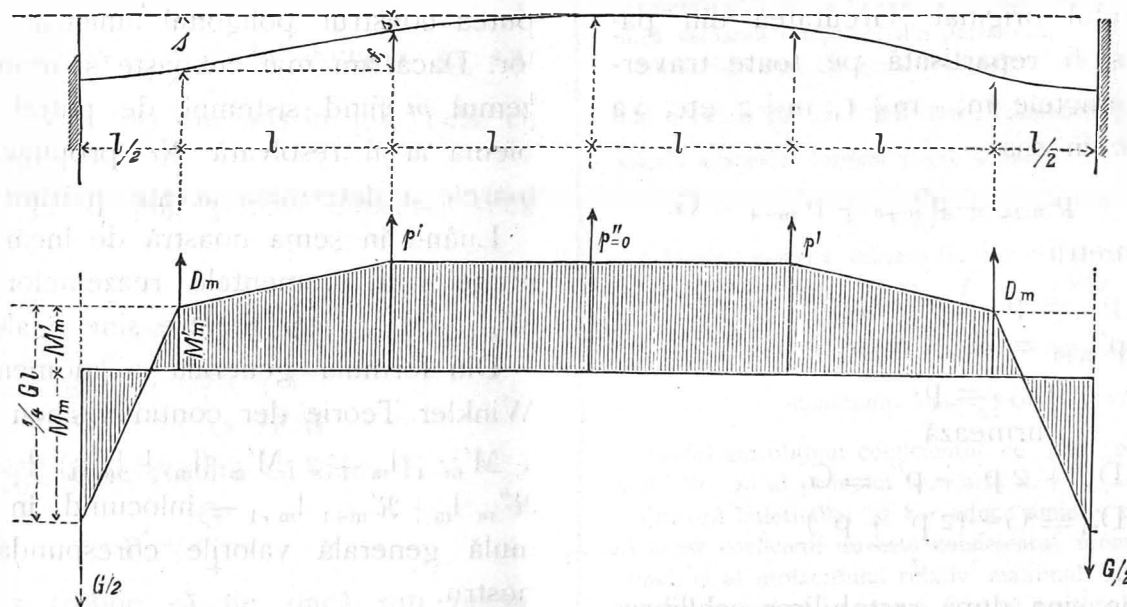


Fig. 24

Tasarea traversei de la punctul $m+2$ va fi în cele mai multe cazuri din praxă = 0 afară numai dacă profilul șinei ar fi foarte mare, sau dacă rezistența elastică a balastului ar fi foarte mică.

Pentru cazurile practice vom lua tasarea $s'' = 0$ și prin urmare și $p'' = 0$ aducând această simplificare în calculele noastre.

$$D_m = \frac{G - 2p'}{2}$$

$$36) (-) M' = (-)\frac{1}{40} Gl \left(1 - 24 \frac{p'}{G} \right)$$

Tasarea la punctul $m = s$, și la $m+1 = s'$

$$s = D_m \left(\frac{z}{\eta} \right) = \left(\frac{G - 2p'}{2} \right) \frac{z}{\eta}$$

$$s' = p' \frac{z}{\eta}$$

$$s + s' = \frac{G}{2} \frac{z}{\eta}$$

Urmând acum în baza acestor date același procedeu ca la $n=3$ spre a determina din a doua diferențială a curbei elastice săgeata f la punctul $m+1$ deasupra punctului m vom afla :

$$s - s' = f = \frac{Gl^3}{240EW} \left(9 + 104 \frac{p'}{G} \right)$$

$$s + s' = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

urmează:

$$2s' = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right) - \frac{Gl^3}{240EW} \left(9 + 104 \frac{p'}{G} \right)$$

$$s_1 = p' \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

Inlocuind această valoare și făcând reducerile cuvenite va fi:

$$37) \quad p' = \frac{3}{8} G \frac{40EW - 3l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}{60EW + 13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)} \quad ^1)$$

Inlocuind valoarea p' din ecuația No. 37 în ecuația momentului formula 36.

$$M'_m = -\frac{1}{40} Gl \left(1 - 9 \frac{40EW - 3l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}{60EW + 13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)} \right)$$

și făcând reducerile cuvenite.

$$38) \quad M'_m = -\frac{Gl}{4} \left(\frac{4l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) - 30EW}{60EW + 13l^3 \frac{\eta}{z}} \right)$$

Momentul de flexiune:

$$M_m = \frac{Gl}{4} - M'$$

¹⁾ Asemănând valoarea reacțiunii p' la $n=3$ din formula No. 31 cu rezultatul p' la $n=4$ din formula 37.

$$\frac{p'_3}{p'_4} = \frac{10EW - \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3}{40EW - \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3} \frac{60EW + 13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}{6EW + l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}$$

$$= \frac{1}{4} \frac{(10EW - \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3) (60EW + 13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right))}{(40EW - 3 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3) (6EW + \frac{\eta}{z} l^3)}$$

$$\frac{p'_3}{p'_4} = \frac{4EW - \frac{1}{4} \frac{\eta}{z} l^3}{40EW - 3 \frac{\eta}{z} l^3}$$

$$\frac{p'_3}{p'_4} = \left(1 + \frac{1}{2} \frac{\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3}{40EW - 3 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3} \right) \left(1 + \frac{3l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}{6EW + \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3} \right)$$

Ambii factori din paranteză sunt mai mari de cât unitatea: de unde urmează că: $p'_3 > p'_4$, p' nu poate să-și schimbe înțelesul, nu poate deveni presiune de sus în jos, urmează că ecuațiile sunt valabile numai pentru valorile:

$$40EW > 3l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)$$

$$M_m = \frac{Gl}{4} \left(1 - \frac{4l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) - 30EW}{13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) + 60EW} \right)$$

$$M_m = \frac{9}{4} Gl \left(\frac{l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) + 10EW}{13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) + 60EW} \right)$$

$$39) \quad M_m = \frac{9}{52} Gl \left[1 + \frac{70EW}{13l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) + 60EW} \right] \quad ^1)$$

¹⁾ Luând Gl din formula 33 și 39 egale - vom afla:

$$\frac{M_3}{M_4} = \frac{11 \times 4 \left(\frac{\eta}{z} \right) (l^3 + 12EW) \left(13 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 60EW \right)}{64 \times 9 \left(\frac{\eta}{z} \right) (l^3 + 6EW) \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 10EW}$$

$$= \frac{11 \left(\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 12EW \right) \left(13 \frac{\eta}{z} l^3 + 60EW \right)}{144 \left(\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 10EW \right) \left(\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 6EW \right)^2}$$

$$\frac{M_3}{M_4} = \frac{144 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 10EW}{11 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 12EW} \cdot \frac{\frac{\eta}{z} l^3 + 6EW}{13 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 60EW}$$

$$\frac{M_3}{M_4} = \frac{144}{11} \left(1 + \frac{2EW}{\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 12EW} \right) \left(\frac{1}{13} \left(1 + \frac{18EW}{13 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 60EW} \right) \right)$$

$$\frac{M_3}{M_4} = \frac{144}{143} \left(1 + \frac{2EW}{\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 12EW} \right) \left(1 + \frac{18EW}{13 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 60EW} \right)$$

luând în considerare că factorul $\frac{144}{143}$ este aproape egal 1. - cei doi factori din paranteză sunt ambi mai mari de cât unitatea, urmează că $M_3 > M_4$, ceea ce ne spune că la aceeași distanță de traverse, momentele elastice sunt mai mari, dacă între două roți sunt 4 deschideri neîncărcate de cât la 3 deschideri neîncărcate între două osii. Momentele elastice sunt dar mai mari, dacă distanțele între roți sunt mai mari.

Aceste rezultate sunt foarte semnificative, și ne demonstrează încă o dată, că încărcarea critică a șinei nu este cea a podurilor.

Pe când la poduri momentele maxime se produc la concentrarea greutateilor, la șină încărcarea critică este la descentralizarea greutateilor. Se mai căutăm din ecuația 39 care sunt limitele coeficienței Gl .

$$M_n = c Gl$$

$$c = \frac{3}{8} \left(1 - \frac{7 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3}{13 \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3 + 60EW} \right)$$

$$c = \frac{3}{8} \left(1 - \frac{7}{13 + 60 \frac{EW}{\left(\frac{\eta}{z} \right) l^3}} \right)$$

c va fi cu atât mai mic, cu cât va fi mai mare fracțiunea din paranteză. c minim va fi la:

$$\text{minimum } \frac{60EW}{\frac{\eta}{z} l^3}$$

valoarea maximală la care poate crește l față de EW este la:

Urmărind mersul acestor calcule pe cale indicată, vom afla pentru calculul momentelor la cazul când între două deschideri încărcate se află 5 panouri neîncărcate

$$M'_m = -\frac{1}{48} Gl \left(1 - 16 \frac{2p' + 3p''}{G} \right)$$

$$M'_m = \frac{1}{4} Gl - M'$$

$$M_m = \frac{1}{48} Gl \left(1 + 16 \frac{2p' + 3p''}{G} \right)$$

între limitele din praxă putem considera reacțiunile de la punct $m+2$ - $m+3$ egale, $p'' = 0$.

$$40) \quad M'_m = -\frac{1}{48} Gl \left(1 - 32 \frac{p'}{G} \right)$$

$$41) \quad M_m = +\frac{1}{48} Gl \left(1 + 32 \frac{p'}{G} \right)$$

$$D_m = \frac{G}{2} - p'$$

$$s = \left(\frac{G}{2} - p' \right) \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

$$3l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) = 40 EW$$

$$l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right) = \frac{40}{3} EW$$

punând aceste valori în c:

$$C = \frac{3}{8} \left(1 - \frac{7}{13 + \frac{3+60}{40}} \right) = \frac{3}{8} \left(1 - \frac{7}{13 + \frac{9}{2}} \right)$$

$$C = \frac{9}{40} = 0,2250; \quad M_{\text{minim.}} = 0,22500 Gl.$$

În primul meu articol am arătat la distanța de $m = 4$

$$M' = \frac{1}{40} \left(1 + 40 \frac{p'}{G} \right) Gl$$

luând în această ecuație $p = 0$ va să zică dacă traversele săltate se tasează în balast până când revin în patul lor.

$$M' = \frac{1}{40} Gl.$$

$$M = \frac{1}{4} Gl - M' = \frac{9}{40} Gl = 0,2250 Gl.$$

Prin aceasta se verifică cele arătate de noi în prezentul tratat cele ce am spus despre aceeași coeficiență că sunt numai coeficienți relativi. Valoarea maximală a coeficientului C va fi dacă fracțiunea din parantesă va fi egală cu 0.

Pentru acest caz valoarea $EW = \infty$.

Dacă șina ar fi absolut rigidă la această limită $C = \frac{3}{8}$, $C = 0,375$. Coeficientul este dar între limitele, la $m = 4$, $0,2250 < C < 0,3750$

$$s_1 = p' \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

$$s + s_1 = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

$$s - s_1 = f.$$

Plecând de la diferențiala a doua a curbei elastice, vom afla:

$$EW \tau_m = \frac{1}{10} Gl^2 - \frac{M'l}{2} \text{ și}$$

$$EWf = - \left(\frac{M'l^2}{2} + \frac{p'l^3}{6} \right) + EW \tau_{m1}$$

înlocuind aceste valori:

$$EWf = \frac{1}{24} Gl^3 \left(1 + 12 \frac{p'}{G} \right)$$

$$s - s_1 = f = \frac{1}{24} \frac{Gl^3}{EW} \left(1 + 12 \frac{p'}{G} \right) \text{ și fiind}$$

$$s + s_1 = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right) \text{ rezultă:}$$

$$2s_1 = \frac{G}{2} \left(\frac{z}{\eta} \right) - \frac{1}{24} \frac{Gl^3}{EW} \left(1 + 12 \frac{p'}{G} \right) = 2p' \left(\frac{z}{\eta} \right)$$

făcând reducerile convenite:

$$\frac{p'}{G} = \frac{1}{12} \frac{12 EW - l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}{4 EW + l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}$$

înlocuind aceasta în valoarea momentului form. 41)

$$M_m = \frac{1}{48} Gl \left(1 + \frac{8}{3} \frac{12 EW - l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)}{4 EW + l^3 \left(\frac{\eta}{z} \right)} \right)$$

După reducerile convenite.

$$42) \quad M_m = \frac{Gl}{144} \left(25 + \frac{128 EW}{4 EW + \left(\frac{\eta}{z} \right) l^3} \right)$$

(Va urma.)

I. Cornea.

Inginer șef de secție C. F. R.